

平成24年度 数学 (50分)

I 注意事項

- 1 試験開始の合図があるまで、この問題冊子の中を見てはいけない。
- 2 この問題冊子は7ページである。

試験中に問題冊子の印刷不鮮明、ページの落丁・乱丁及び汚れ等に気付いた場合は、手を挙げて監督者に知らせること。

- 3 試験開始前に、監督者の指示に従って、解答用紙の該当欄に以下の内容をそれぞれ正しく記入し、マークすること。

・①氏名欄

氏名を記入すること。

・②受験番号、③生年月日、④受験地欄

受験番号、生年月日を記入し、さらにマーク欄に受験番号(数字)、生年月日(年号・数字)、受験地をマークすること。

- 4 受験番号、生年月日、受験地が正しくマークされていない場合は、採点できないことがある。
- 5 問題冊子の余白等は適宜利用してよいが、どのページも切り離してはいけない。
- 6 試験終了後、問題冊子は持ち帰ってよい。

II 解答上の注意

解答上の注意は、裏表紙に記載してあるので、この問題冊子を裏返して必ず読むこと。

ただし、問題冊子を開いてはいけない。

数 学

1

次の **ア** ~ **オ** の **□** を適切にうめなさい。

- 1 $(a-2b+c)(a-2b-c)$ を展開した式はどれか。

次の①~④のうちから正しいものを一つ選べ。解答番号は **ア**。

① $a^2 - 4b^2 - c^2 - 4ab$

② $a^2 + 4b^2 - c^2 - 4ab$

③ $a^2 - 4b^2 - c^2 - 4bc$

④ $a^2 + 4b^2 - c^2 - 4bc$

- 2 $27x^3 - 1$ を因数分解した式はどれか。

次の①~④のうちから正しいものを一つ選べ。解答番号は **イ**。

① $(3x-1)(9x^2+6x+1)$

② $(3x-1)(9x^2-6x+1)$

③ $(3x-1)(9x^2+3x+1)$

④ $(3x-1)(9x^2-3x+1)$

- 3 $\frac{1}{\sqrt{6}-2}$ は、分母を有理化すると、 $\frac{\sqrt{\boxed{ウ} + \boxed{エ}}}{\boxed{オ}}$ になる。

2

次の **ア** ~ **コ** の **□** を適切にうめなさい。

1 一次不等式 $3 - x \geq \frac{x-1}{2}$ を解くと、その解はどれになるか。

次の①~④のうちから正しいものを一つ選べ。解答番号は **ア**。

$$\textcircled{1} \quad x \leq \frac{7}{3} \quad \textcircled{2} \quad x \geq \frac{7}{3} \quad \textcircled{3} \quad x \leq -\frac{7}{3} \quad \textcircled{4} \quad x \geq -\frac{7}{3}$$

2 二次方程式 $3x^2 - 5x - 4 = 0$ の解は

$$x = \frac{\boxed{\text{イ}} \pm \sqrt{\boxed{\text{ウエ}}}}{\boxed{\text{オ}}}$$

である。

3 1個 200 円の桃と 1個 150 円の梨を合わせて 15 個買い、120 円の箱に詰める。

その代金の合計を 3000 円以内にするとき、桃は最大 **カキ** 個まで買うことが
できる。

4 x の二次方程式 $2x^2 + (3k-1)x - 4k = 0$ (k は定数) の解の一つが 2 である

とき、 k の値は **クケ** で、もう一つの解は **コ** である。

3

次の **ア** ~ **エ** の **□** を適切にうめなさい。

- 1 二次関数 $y=4(x-3)^2-2$ のグラフは、二次関数 $y=4x^2$ のグラフをどのように平行移動したものか。

次の①~④のうちから正しいものを一つ選べ。解答番号は **ア**。

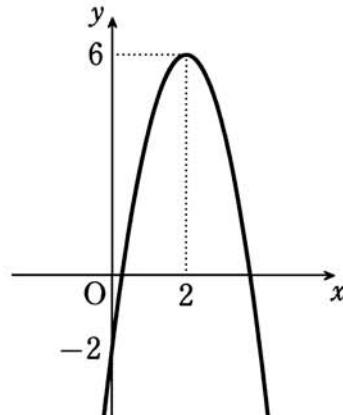
- ① x 軸方向に 3, y 軸方向に 2だけ平行移動
- ② x 軸方向に 3, y 軸方向に -2だけ平行移動
- ③ x 軸方向に -3, y 軸方向に 2だけ平行移動
- ④ x 軸方向に -3, y 軸方向に -2だけ平行移動

- 2 右の図は、頂点が点(2, 6)で、点(0, -2)を通る二次関数のグラフである。グラフがこのようになる二次関数はどれか。

次の①~④のうちから正しいものを一つ選べ。

解答番号は **イ**。

- ① $y=-(x+2)^2+6$
- ② $y=-(x-2)^2+6$
- ③ $y=-2(x+2)^2+6$
- ④ $y=-2(x-2)^2+6$



- 3 二次関数 $y=x^2-2x+3$ のグラフの頂点の座標は(**ウ** , **エ**)である。

4

次の **アイ** ~ **キ** の **□** を適切にうめなさい。

- 1 二次関数 $y=2(x+1)^2+k$ (k は定数)において、 x の変域を $-4 \leq x \leq 0$ とするとき、 y の最大値は 15 であった。このとき、 k の値は **アイ** である。

- 2 二次関数 $y=3x^2+14x-5$ のグラフと x 軸との共有点の座標は、

$$(\boxed{\text{ウエ}}, 0), \left(-\frac{\boxed{\text{オ}}}{\boxed{\text{カ}}}, 0 \right)$$

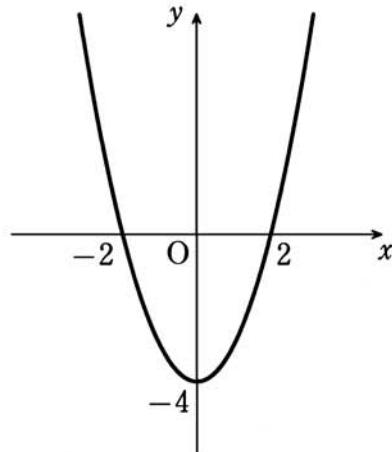
である。

- 3 二次不等式 $x^2-4 > 0$ を解くと、その解は
どれになるか。

次の①~④のうちから正しいものを一つ選べ。

ただし、右の図は、二次関数 $y=x^2-4$ の
グラフである。解答番号は **キ**。

- ① $x > 2$ ② $x > -2$
③ $-2 < x < 2$ ④ $x < -2, 2 < x$



5

次の **ア** , **イ** の **□** を適切にうめなさい。

必要であれば、次の三角比の値を利用すること。

$$\sin 20^\circ = 0.3420, \cos 20^\circ = 0.9397, \tan 20^\circ = 0.3640$$

- 1 下の図のようなサッカー場で、コーナーの地点 A からボールを蹴ったところ、
ボールがゴールラインから 20° の方向に 40 m 飛んだ。このとき、ボールの
落下地点 B からゴールラインまでの最短距離 BC はおよそ何 m か。

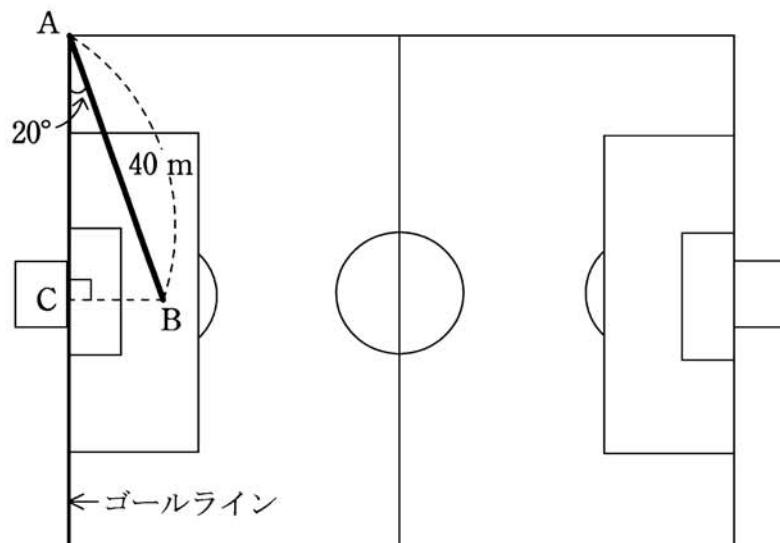
次の①～④のうちから最も適切なものを一つ選べ。解答番号は **ア** 。

① 13.7 m

② 14.6 m

③ 18.8 m

④ 37.6 m



- 2 $\sin 70^\circ$ の値は、次の①～④のうちどれか。最も適切なものを一つ選べ。

解答番号は **イ** 。

① 0.3420

② -0.3420

③ 0.9397

④ -0.9397

6

次のア～ケコの□を適切にうめなさい。

1 $\cos 0^\circ, \cos 90^\circ, \cos 180^\circ$ の値の大小関係を表す式は、次の①～④のうちどれか。正しいものを一つ選べ。解答番号はア。

① $\cos 0^\circ < \cos 90^\circ < \cos 180^\circ$

② $\cos 90^\circ < \cos 0^\circ < \cos 180^\circ$

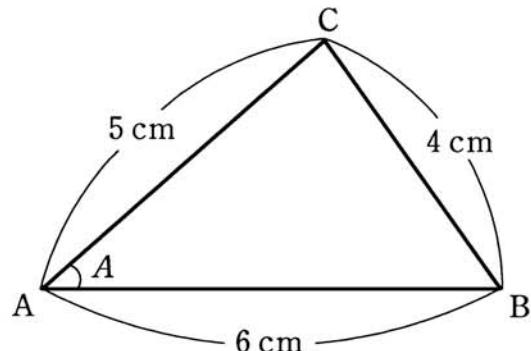
③ $\cos 180^\circ < \cos 0^\circ < \cos 90^\circ$

④ $\cos 180^\circ < \cos 90^\circ < \cos 0^\circ$

2 A が鈍角で、 $\sin A = \frac{\sqrt{5}}{3}$ のとき、 $\cos A$ の値はイウエである。

3 右の図の三角形 ABCにおいて、
 $AB = 6\text{ cm}$, $BC = 4\text{ cm}$, $CA = 5\text{ cm}$
である。

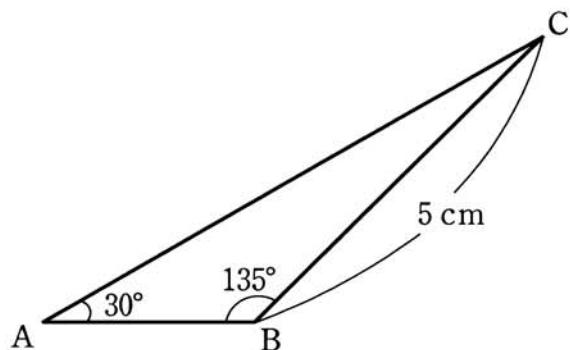
このとき、 $\cos A$ の値はオカである。



- 4 右の図の三角形 ABCにおいて,
 $\angle A=30^\circ$, $\angle B=135^\circ$, $BC=5\text{ cm}$
である。

このとき, AC の長さは

キ $\sqrt{\text{ク}}$ cm である。



- 5 卓球で使うピンポン球の公式球は, 半径 2 cm の球である。このピンポン球の
表面積は ケコ $\pi \text{ cm}^2$ である。

II 解答上の注意

問題の文中の **ア** , **イウ** などの **□** には、数値または符号(−)が入る。これらを次の方法で解答用紙の指定欄にマークすること。

1 ア, イ, ウ, … の一つ一つは、それぞれ0から9までの数字、または−の符号のいずれか一つに対応する。それらをア, イ, ウ, …で示された解答欄にマークする。

[例] **アイ** に −8 と答えたいとき

| | |
|---|-----------------------|
| ア | − 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 |
| イ | − 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 |

2 分数の形で解答が求められているときは、約分がすんだ形で答えよ。−の符号は分子につけ、分母につけてはならない。

[例] **ウエ** に $-\frac{4}{5}$ と答えたいとき

| | |
|---|-----------------------|
| ウ | − 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 |
| エ | − 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 |
| オ | − 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 |

3 根号を含む形で解答が求められているときは、根号の中に現れる自然数が最小となる形で答えよ。

[例] **力** $\sqrt{\text{キ}}$ に $4\sqrt{2}$ と答えるところを、 $2\sqrt{8}$ のように答えてはいけない。